# ВАРИАБЕЛЬНОСТЬ СЕРДЕЧНОГО РИТМА: КЛАССИФИКАЦИЯ И АНАЛИЗ ДИНАМИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ

А.В. Мартыненко, Н.И. Яблучанский

Харьковский национальный университет имени В.Н. Каразина, Украина

#### **РЕЗЮМЕ**

Предложена классификация динамических процессов BCP на основе применения М-индексов: |M| < 0.03 – линейный, стационарный; 0.3 > |M| > 0.03 – слабо нелинейный, квазистационарный; 3 > |M| > 0.3 – нелинейный, переходной. |M| > 3 – сильно нелинейный, переходной. Знак М-индекса определяет направление изменения динамического процесса BCP (в интегральном смысле): «+» - с ускорением/повышением ЧСС; «-» - с торможением/понижением ЧСС. М-индексы вводят обобщенный базис для выделения стационарных процессов ВСР: Индексы  $M_0$  – определяют как стационарные весь класс инерционных движений в ВСР, т.е. движения с постоянной скоростью либо стохастические колебания вокруг неизменной частоты; Индексы  $M_1$  – определяют как стационарные весь класс периодических и квазипериодических движений в ВСР, как движений сохраняющих постоянным фазовый поток, что достигается за счет введения стрелы времени; Индексы M – учитывают всю совокупность определенных выше стационарных процессов в ВСР.

*КЛЮЧЕВЫЕ СЛОВА*: вариабельность сердечного ритма; нелинейный динамический процесс; классификация; М-индексы

Вариабельность сердечного ритма (ВСР) – один из важнейших функциональных периодических процессов. Она является результатом интегративных влияний регуляторных систем человеческого организма на сердечный ритм (СР) и рассматривается как «окно» в их состояние [1, 3, 7, 12].

ВСР как процесс и технология очень много дали для медицинской практики и поэтому получили широкое распространение в ее самых разных направлениях. Успешными примерами применения являются космос, кардиология, неврология, пульмонология, и другие отрасли медицины [2, 6, 9, 11].

Многоуровневый нелинейный характер регуляции, однотипность ее реакций при большинстве физиологических и патологических процессов и высокая чувствительность ВСР к этим реакциям обусловили существенные ограничения на стандартные методы исследования и непрекращающиеся попытки поиска новых [4, 5, 8].

Так. спектральные методы BCP применимы к случаям квазистационарного поведения СР [10]. Это существенным образом ограничивает их использование просто потому, что естественным проявлением жизни есть не квазистационарные, переходные но процессы. При физическом покое в мозге человека, например, совершается множество неконтролируемых психических процессов, корню» разрушающих идею «квазистационарности».

Методы хаоса не имеют таких ограничений, но в силу большей степени

общности формируемые на основе их результатов выводы точно так же носят общий рекомендательный характер [7].

Именно поэтому, с нашей точки зрения, от ВСР не удалось получить всего, что ожидалось или может быть получено. На вопрос, существует ли решение проблемы, следует ответить утвердительно. Единственное, что надо сделать, — возвратить ВСР в систему пространствавремени, откуда она искусственно была извлечена.

Действительно, как «нельзя дважды войти в одну реку», методологически неверно рассматривать ВСР вне «стрелы времени». СР есть функция времени, а потому его дериват ВСР – тоже функция времени. Введя «стрелу времени», первый результат, который получаем, есть классификация ВСР.

Теория

Изучение динамических процессов ВСР делает необходимым рассмотрение последовательности RR-интервалов позиций нелинейных динамических систем. общего математического наиболее подхода к описанию сложных явлений, развивающихся во времени. Центральное место в теории нелинейных динамических систем занимает понятие устойчивости системы и его меры – показателей Ляпунова. Показатели Ляпунова (λ) – количественная расхождения первоначально бесконечно близких траекторий (Х<sub>0</sub> и  $X_0 + \Delta x_0$ ) в фазовом пространстве (рис. 1.) – были предложены гениальным математиком А.М.Ляпуновым, работавшим в конце XIX XXвеков Харьковском начале В университете, для описания устойчивости Эта движения. классическая

**устойчивости** прекрасно себя зарекомендовала при оценке устойчивости движения по достаточно гладким траекториям. В случае нелинейной ность к начальным условиям. Существует тесная взаимосвязь между показателями Ляпунова другими известными характеристиками нелинейных динамических энтропией систем: Колмогорова-Синая (КС-энтропия), как максимального λ на траектории; виде фрактальной размерностью В

хаотической динамики показатели Ляпунова позволяют оценить степень хаотичности системы, ее предсказуемость и чувствитель-

ляпуновской размерности, построенной на упорядоченных значениях λ; среднему значению дивергенции траектории, суммы всех показателей Ляпунова. Последний показатель, в частности, является мерой диссипативности сохранения И фазового объема в процессе движения системы.

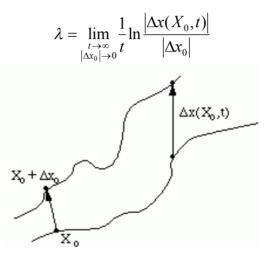


Рис. 1. Показатели Ляпунова

Использование показателей Ляпунова в анализе ВСР сопряжено с рядом трудностей:

- наличие значительной стохастической компоненты в ВСР делает классический алгоритм вычисления статистически не значимым (во всяком случае, на стандартизованных длинах записей ВСР). Пример поточечного вычисления старшего показателя Ляпунова для записи ВСР в 4500 кардиоциклов дан на рис. 2. Для этой записи среднее значение λ составляет 0.7, а дисперсия 1.82, что статистически не достоверно;
- известные аппроксимационные алгоритмы (например [1] как один из самых популярных) являются медленно сходящимися и требуют для своей работы порядка 103-104 кардиоциклов, что также неприменимо для 5-минутных записей и возможно только при анализе результа-

тов Холтеровского мониторирования;

принципиально не применим для анализа переходных процессов ВСР, как относительно коротких участков нестационарности, соединяющих участки стационарных записей.

Для преодоления указанных трудностей был предложен и разработан метод локальных показателей Ляпунова — Миндексов, который позволяет:

- анализировать участки произвольной длины и степени нелинейности;
- дает статистически значимые и устойчивые к стохастической компоненте результаты.

Анализ той же, что и для рис. 2. записи ВСР с помощью М-индексов дает: среднее значение  $\lambda$  - 0.72 при дисперсии 0.17 (рис. 3.), т.е. при том же среднем дисперсия в 10 раз меньше.

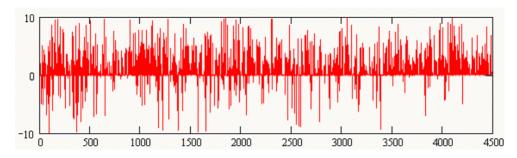


Рис. 2. Пример поточечного вычисления старшего показателя Ляпунова для записи ВСР длиной в 4500 кардиоциклов

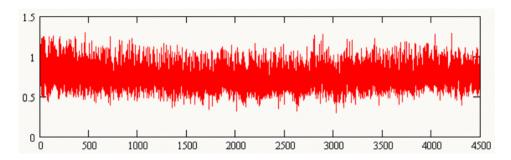


Рис. 3. Поточечный анализ той же, что и для рис. 2 записи с помощью М-индексов

Для построения М-индексов выделим элемент траектории исследуемого процесса с последовательно наблюдаемыми произвольными точками *i-1*, *i*, *i+1*. В общем случае траектория рассматривается в N-мерном фазовом пространстве процесса. Например, при исследовании

вариабельности сердечного ритма на коротких записях таким пространством может быть установленное пространство регуляторных воздействий АНС: гуморальное (G), симпатическое (S) и парасимпатическое (P) (рис. 4.).

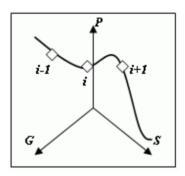


Рис. 4. Установленное пространство регуляторных воздействий АНС

Участок траектории полностью матрицей A размера N×N или для характеризуется собственной координатной введенного фазового пространства ВСР

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} G_{i-1} & S_{i-1} & P_{i-1} \\ G_{i} & S_{i} & P_{i} \\ G_{i+1} & S_{i+1} & P_{i+1} \end{pmatrix}. \tag{0}$$

Очевидно, что для этого малого участка траектории (предполагается, что расстояние между ближайшими точками на траектории мало) может быть построена элементарная аппроксимация представляющая участок

кривой системой линейных дифференциальных уравнений с матрицей постоянных коэффициентов В (индекс і вверху означает принадлежность матрицы к і-ому участку траектории). Количество

дифференциальных уравнений совпадает с размерностью фазового пространства N.

Решение системы (1) в общем случае имеет вид [2]

$$\frac{dX_j}{dt} = B^i X_j, j = G, P, S, \tag{1}$$

$$X=e^{Bt}X_0$$
,

или через показатели Ляпунова λ

$$X=\Sigma(Z_1+Z_2t+...+Z_kt^k)e^{\lambda t}X_0$$

где  $X_0$  – вектор начальных значений фазовых переменных,  $Z_k$  – составляющие матрицы или GSP компоненты матрицы B, t – время.

Для 3-х мерного фазового пространства GSP с симметричной матрицей коэффициентов B

$$B = \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} \\ b_{31} & b_{32} & b_{33} \end{pmatrix}, b_{ij} = b_{ji}$$

решение системы один имеет явный вид [3]

$$G = C_1 e^{\lambda_1 t} + C/b_{23} e^{\lambda_2 t}; S = C_2 e^{\lambda_1 t} + C/b_{13} e^{\lambda_2 t}; P = C_3 e^{\lambda_1 t} + C/b_{12} e^{\lambda_2 t};$$

$$C_1/b_{23} + C_2/b_{13} + C_3/b_{12} = 0.$$
(2)

Здесь  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$  — показатели Ляпунова, C,  $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$  — постоянные коэффициенты.

Для каждой і-ой точки фазового про-

странства *GSP*, задаваемой матрицей A, из (2) могут быть найдены локальные показатели Ляпунова

$$\lambda_{1} = 0.5 (ln(2G_{i+1}b_{23} - S_{i+1}b_{13} - P_{i+1}b_{12} - ln(2G_{i-1}b_{23} - S_{i-1}b_{13} - P_{i-1}b_{12})),$$

$$\lambda_{2} = 0.5 (ln(G_{i+1}/b_{23} - S_{i+1}/b_{13} - P_{i+1}/b_{12}) - ln(G_{i-1}/b_{23} - S_{i-1}/b_{13} - P_{i-1}/b_{12})).$$
(3)

Таким образом, вычисляя показатели для всего исследуемого участка BCP, мы определим индекс  $M_0$  как среднее значение

наибольшего локального показателя Ляпунова на исследуемом участке ВСР

$$\mathbf{M}_0 = \mathbf{m}_0 \frac{1}{K} \sum_{k} (\max(\lambda_i))_k , \qquad (4)$$

K — количество исследуемых на участке BCP RR-интервалов,  $m_0$  — нормировочный коэффициент, который выбирается таким образом, что  $M_0$ =1 для функции exp(t). Знак индекса  $M_0$  показывает, что преобладает на исследуемом участке BCP: «+» — ускорение, т.е. движение увеличивающее ЧСС, «—» — торможение — уменьшающее ЧСС. А величина — степень нелинейности участка BCP в сравнении с функцией exp(t). Если исследуемый участок линеен, то  $M_0$ =0. Очевидно, что для стационарных записей BCP  $M_0$  также будет близко к нулю.

Следующий индекс позволит оценить, что

происходит во времени с записью ВСР, т.е. приводит ЛИ движение В фазовом пространстве к расширению или сжатию фазового потока. Для этого необходимо использовать время не просто как скалярный параметр, упорядочивающего следование регистрируемых RR-интервалов, а следует задать его в виде направленного вектора -«стрелы времени». С этой целью домножим ряд значений RR-интервалов на время (с начальной точкой отсчета в начале исследуемого отрезка ВСР), т.е. будем использовать вместо координатной матрицы А матрицу А<sup>т</sup>

$$\mathbf{A}^{t} = \begin{pmatrix} G_{i-1}t_{i-1} & S_{i-1}t_{i-1} & P_{i-1}t_{i-1} \\ G_{i}t_{i} & S_{i}t_{i} & P_{i}t_{i} \\ G_{i+1}t_{i+1} & S_{i+1}t_{i+1} & P_{i+1}t_{i+1} \end{pmatrix}.$$
 (5)

Используя туже локальную аппроксимацию, но матрицей cкоэффициентов локальные найдем

показатели Ляпунова для каждой і-ой точки исследуемого участка ВСР

$$\mathbf{B} = \begin{pmatrix} \beta_{11} & \beta_{12} & \beta_{13} \\ \beta_{21} & \beta_{22} & \beta_{23} \\ \beta_{31} & \beta_{32} & \beta_{33} \end{pmatrix}, \beta_{ij} = \beta_{ji}$$
(6)

 $\lambda_1^t = 0.5 (ln(2G_{i+1}\beta_{23} - S_{i+1}\beta_{13} - P_{i+1}\beta_{12}) - ln(2G_{i-1}\beta_{23} - S_{i-1}\beta_{13} - P_{i-1}\beta_{12}) + ln(t_{i+1}) - ln(t_{i-1})),$  $\lambda_{2}^{\prime} = 0.5 (ln(G_{i+1}/\beta_{23} - S_{i+1}/\beta_{13} - P_{i+1}/\beta_{12}) - ln(G_{i-1}/\beta_{23} - S_{i-1}/\beta_{13} - P_{i-1}/\beta_{12}) + ln(t_{i+1}) - ln(t_{i-1})).$ 

Аналогично (4) вычисляем индекс М<sub>1</sub>

$$\mathbf{M}_1 = \mathbf{m}_1 \frac{1}{K} \sum_{k} (\max(\lambda_i^t))_k , \qquad (7)$$

ти – нормировочный коэффициент, который степень изменения фазового потока на выбирается таким образом, что  $M_1$ =1 для функции exp(t). Знак индекса  $M_1$  показывает, что происходит в интегральном смысле с ЧСС на исследуемом участке BCP: «+» увеличение, «-» – уменьшение. А величина –

исследуемом участке ВСР в сравнении с функцией exp(t). Если исследуемый участок стационарен, либо изменения носят строго периодический характер, то  $M_1=0$ .

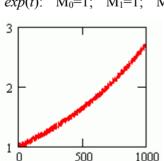
Наконец введем композитный индекс М

$$M=abs(M_0)M_1, (8)$$

характеризующий нелинейность нестационарность переходного процесса на исследуемом участке записи ВСР. Знак «+» нелинейное движение означает процессе направлении переходном В увеличения ЧСС; «-» - означает нелинейное движение при переходном процессе в направлении уменьшения ЧСС. Величина индекса М показывает степень нелинейности переходного процесса ВСР.

Дадим несколько примеров пояснениями.

Переход exp(t):  $M_0=1$ ;  $M_1=1$ ; M=1 –



**Рис. 5.** Переход типа exp(t) с гауссовым шумом

1000

положительный ускоряющий переход с выраженными нелинейностью фазового расширением пространства. Нелинейный неустойчивый переход. Если к основной функции перехода exp(t) добавить случайную компоненту, например, наложить гауссовский случайный процесс  $\pm 10\%$ максимальной амплитудой ОТ величины основной функции (рис. 5.), то значения М-индексов изменятся только в пределах 3-5%, что говорит об устойчивости выбранной меры к шуму. Для рис. 5.:  $M_0=0.97$ ;  $M_1=0.97$ ; M=0.95.

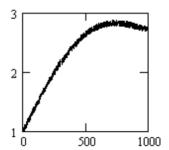
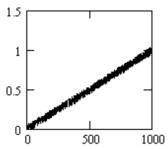


Рис. 6. Пример слабо неустойчивого, но сильно нелинейного переходного процесса

Пример слабо неустойчивого, но сильно нелинейного переходного процесса дан на следующем рисунке рис. 6. Это результат

exp(t)+10%случайная композиции: компонента+полупериод синусоиды. Для такого переходного процесса

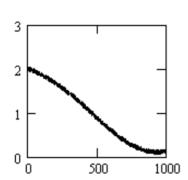
 $M_1=0.025$ : M=0.1. т.e. положительный тормозящий переход значительной co нелинейностью И слабым растяжением фазового пространства или сильно нелинейный слабо неустойчивый переход.



**Рис. 7.** Переход в виде композиции линейной функции с 10%-ой случайной компонентой, для которого  $M_0$ =0.004;  $M_1$ =0.74; M=0.0031 — положительный линейный переход с фазовым расширением

Примеры устойчивых переходных процессов даны ниже.

Линейный переход+10% случайная компонента+полупериод косинусоиды (рис. 8.):  $M_0$ =-0.045;  $M_1$ =-0.83; M=-0.036 – отрицательный слабо тормозящий и почти линейный переход с фазовым сжатием. Слабо нелинейный близкий к безразлично



**Рис. 9.** Линейный переход+ exp(-2t)+10% случайная компонента+полупериод косинусоиды

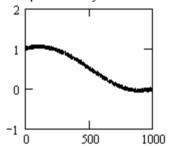
Для того, чтобы представить классификацию динамических процессов BCP, следует обратиться вначале исследованию помощью М-индексов c случайных распределений. Для моделировались 3-х мерные случайные величины с различными результатами распределения (см. на рис.10 пример распределения Стьюдента), для которых вычислялся М-индекс.

Максимальные абсолютные значения М-индексов сведены в табл. 1.

Таблица 1 М-индексы для различных случайных распределений

Случайное распределение	М-индекс (макс.)
Нормальное	0.005
Пуассона	0.005
Стьюдента	0.004

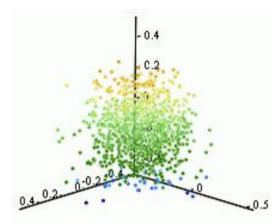
Далее (рис. 7.) показан переход в виде композиции линейной функции с 10%-ой случайной компонентой, для которого  $M_0$ = 0.004;  $M_1$ =0.74; M=0.0031 — положительный линейный переход с фазовым расширением. Линейный безразлично устойчивый переход.



**Рис. 8**. Линейный переход+10% случайная компонента+полупериод косинусоиды

устойчивому переход.

Линейный переход+ exp(-2t)+10% случайная компонента+полупериод косинусоиды (рис. 9.):  $M_0$ =-0.83;  $M_1$ =-0.67; M=-0.57 — отрицательный тормозящий нелинейный переход с фазовым сжатием. Нелинейный устойчивый переход.



**Рис. 10.** 3-х мерное распределение случайной величины по Стьюденту

Вейбула	0.007
Биномиальное	0.008
χ <sup>2</sup>	0.004
Γ	0.006

### Классификация

Получается, независимо OT закона распределения случайной величины, МЫ можем констатировать, что М-индекс справляется оценкой хорошо стохастического набора данных и позволяет надежно отделить стационарные данные с любым стохастическим шумом на уровне  $\pm 0.008$ .

Тогда, можно предложить следующую классификацию динамических процессов ВСР (учитывая опыт применения М-индексов):

- |М|<0.03 линейный, стационарный:
- 0.3>|М|>0.03 слабо нелинейный, квазистационарный;
- 3>|M|>0.3 нелинейный, переходной;
- |M|>3 сильно нелинейный, переходной.

Напомним, что знак М-индекса дает следующую интерпретацию для изменениий ЧСС на анализируемом участке ВСР:

- $M_0>0$  ускорение;  $M_0<0$  торможение;
- $M,M_1>0$  увеличение;  $M,M_1<0$  уменьшение.

М-индексы вводят обобщенный базис для выделения стационарных процессов BCP:

Индексы M<sub>0</sub> – определяют как стационарные весь класс инерционных движений в ВСР, т.е. движения с постоянной скоростью либо стохастические колебания вокруг неизменной частоты;

Квазистацинарными являются эпизоды (эпохи, участки) ВСР, где система остается инерционной В классическом смысле (линейные движения) либо отсутствуют изменения в фазовом потоке (периодические движения). Соответственно, переходными BCP, являются эпизоды В которых наблюдаются ускоренные движения. выводящие систему, в той или иной степени, из состояния текущего равновесия. То есть, первом шаге МЫ получаем прецизионного точный инструмент выделения квазистационарных и переходных эпизодов в ВСР.

Любой эпизод ВСР с равной нулю производной ОТ «стрелы времени» независимо от степени варьирования длин RR-интервалов будет квазистационарным. Равная нулю производная означает, что «стрелы времени» скорость ДЛЯ **BCP** постоянна. Выделяя три типа постоянной скорости «стрелы времени» положительную, нулевую и отрицательную, выделять естественно три типа квазистационарных эпизодов ВСР: линейно возрастающий, постоянный, линейно уменьшающийся.

Заметим, что стандартные спектральные методы ВСР применимы только к случаям квазистационарных эпизодов ВСР с постоянным относительно веденной для

- Индексы M<sub>1</sub> определяют как стационарные весь класс периодических и квазипериодических движений в ВСР, как движений сохраняющих постоянным фазовый поток, что достигается за счет введения стрелы времени;
- Индексы М учитывают всю совокупность определенных выше стационарных процессов в ВСР.

Первый уровень классификации делит все разнообразие форм BCP на два хорошо известные упомянутые выше принципиально разные класса, а именно, квазистационарные и переходные. При этом принципиально важно осознание исключительного значения «стрелы времени» для BCP позволяет ввести меру ее квазистационарных и переходных типов

системы «стрелой времени», что не трудно показать, довольно редко в обычной жизни. Отчасти они приложимы к эпизодам ВСР с (близкой к нулю) постоянной скоростью «стрелы времени». Не в этом ли одна из возможных причин высокой вариабельности показателей ВСР? Задача спектрального анализа квазистационарных эпизодов BCP с отличной OT нуля постоянной скоростью «стрелы времени» решается заменой методов быстрого преобразования Фурье, ауторегрессионного, интегральной Вейвлета, методом аппроксимации.

Любой эпизод BCP, носящий апериодический характер с отличной от нуля производной от «стрелы времени» BCP будет переходным (нестационарным).

Очевидно, что подсчет М-индексов для всей записи ВСР позволит установить является ли данная запись стационарной. Ели нет, результаты спектрального анализа для всей записи нельзя считать корректными, и в этом случае М-индексы помогут найти участки ритмограммы, где спектральный анализ применим. Пример такого автоматического разбиения ритмограммы дан на рис. 11. для дневного интервала суточной записи ВСР (79% записи квазистационарные; 21% — нестационарные):

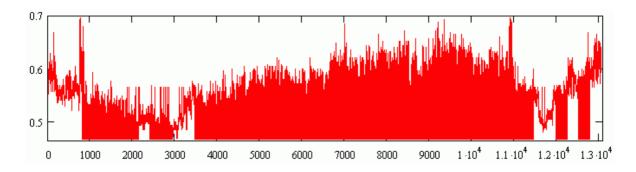


Рис. 11. Выделение стационарных (79%) и нестационарных (21%) участков в дневной записи ВСР

и ночного интервала (95% записи квазистационарные; 5% - нестационарные):

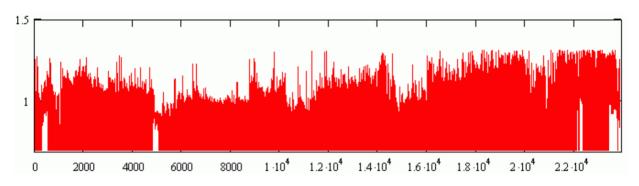


Рис. 12. Выделение стационарных (95%) и нестационарных (5%) участков в ночной записи ВСР

#### Выводы

Во-первых, просто нельзя классифицировать **BCP** эпизоды на квазистационарные И переходные. Boсуществование подтипов вторых, процессов предполагает их дифференциацию изолированным количественных характеристик каждого из них. В третьих, и это едва ли не самое главное, BCP является функцией «стрелы времени» и не может рассматриваться вне последней.

Предлагаемая классификация построена на естественной философии необратимости времени и по нашему убеждению будет способствовать как росту интереса к исследованиям, так и более весомым научным и практическим результатам в области медицинских применений ВСР.

Мы выделяем два основных направления использования предложенных М-индексов:

- оценка границы применимости стандартного спектрального анализа ВСР и тем самым повышение надежности результатов такого анализа;
- описание переходных процессов в ВСР.

Более детальный анализ методов исследования разных типов эпизодов BCP – тема специальной статьи.

Авторы были бы слишком скромными, если бы не считали обратить внимание на необходимость распространения изложенных философии и классификации на все множество периодических физиологических процессов.

#### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Баевский РМ, Иванов ГГ. // Ультразвуковая и функциональная диагностика. 2001. № 3. С. 106-127.
- 2. Добове моніторування ЕКГ. Рекомендації українського товариства кардіології. Київ. 2002. 76 с.
- 3. Миронова ТВ, Миронов В.А. Клинический анализ волновой структуры синусового ритма сердца (Введение в ритмокардиографию и атлас ритмокардиограмм). Челябинск. -1998.
- 4. Рябыкина ГВ, Соболев АВ. Вариабельность ритма сердца. -М.:СтарКо. 1998.
- 5. Яблучанский НИ, Кантор Б.Я, Мартыненко АВ, и др. Вариабельность сердечного ритма в современной клинике. -Донецк:ЧНИПФ "Будень". 1997. 108 с.
- 6. Яблучанский НИ, Мартыненко АВ, Исаева АС. Основы практического применения неинвазивной технологии исследования регуляторных систем человека. Харьков: Основа. 2000. 88 с.
- 7. Яблучанский Н.И., Мартыненко А.В., Исаева А.С. и др. Исследуем регуляторные процессы. Для настоящих врачей. Донецк: ЧП Бугасова. 2005. 196 с.
- 8. Хемминг Р.В. Численные методы. -М.:Наука. 1972.
- 9. Aubert AE, Ramaekers D. // Acta cardiol. 1999. Vol. 5(3). P. 107-120.

- 10. Baevskii R.M. // Human Phisiology. 2002. Vol. 28(2). P. 70-82.
- 11. Task force of the European Society of Cardiology and the North American Society of Pacing and Electrophysiology. Heart rate variability. Standards of measurement, physiological interpretation and clinical use. Circulation. 1996. № 93. P. 1043-1065.
- 12. http://www.BCPcongress.org

### ВАРІАБЕЛЬНІСТЬ СЕРЦЕВОГО РИТМУ: КЛАСИФІКАЦІЯ І АНАЛІЗ ДИНАМІЧНОЇ СИСТЕМИ

О.В. Мартиненко, М.І. Яблучанський

Харківський національний університет імені В.Н. Каразіна, Україна

#### **РЕЗЮМЕ**

Запропонована класифікація динамічних процесів ВСР на основі застосування М-індексів: |M|<0.03 – лінійний, стаціонарний; 0.3>|M|>0.03 – слабо нелінійний, квазістаціонарний; 3>|M|>0.3 – нелінійний, перехідний; |M|>3 – сильно нелінійний, перехідний. Знак М-індексу встановлює напрямок змін у динамічному процесі ВСР (у інтегральному значенні): «+» - з прискоренням/підвищенням ЧСС; «-» - з гальмуванням/пониженням ЧСС. М-індекси вводять узагальнений базис для виділення стаціонарних процесів ВСР: Індекси  $M_0$  – визначають як стаціонарні весь клас інерційних рухів у ВСР, тобто рухи з постійною швидкістю або стохастичні коливання навкруги незмінної частоти; Індекси  $M_1$  – визначають як стаціонарні весь клас періодичних і квазіперіодичних рухів у ВСР, як рухів, які зберігають постійним фазовий потік, що досягається за рахунок введення стріли часу; Індекси M – враховують всю сукупність визначених вище стаціонарних процесів у ВСР.

**КЛЮЧОВІ СЛОВА:** варіабельність серцевого ритму, нелінійний динамічний процес, класифікація, М-індекси

## HEART RATE VARIABILITY: CLASSIFICATION AND DYNAMIC SYSTEM ANALYSIS

A.V. Martynenko, M.I. Yabluchansky V.N. Karazin Kharkov National University, Ukraine

#### **SUMMARY**

The proposed classification of dynamic HRV processes is based on M-indexes: |M| < 0.03 – linear, stationary; 0.3 > |M| > 0.03 – weakly nonlinear, quasi stationary; 3 > |M| > 0.3 – nonlinear, transient; |M| > 3 – strongly nonlinear, transient. The character of M-index gives following interpretation for direction of dynamic HRV process (integrated for analyzing record): «+» – accelerating; «-» – decelerating. Thus M-indexes introduce generalized basis for allocation of HRV stationary processes:  $M_0$  indexes – determine as stationary the whole class on inertial movements in HRV, i.e. movement with constant speed or stochastic vibrations around unchanged frequency;  $M_1$  indexes – determine as stationary the whole class of periodical and quasi periodical movements in HRV, the movements which keep constant phase flow what can be achieved by introducing of time arrow; M indexes – consider the whole system of appointed above stationary processes in HRV.

KEY WORDS: heart rate variability, nonlinear dynamic process, classification, M-indexes